

Title: Seidl: Informatik_1 (05.11.2012)

Date: Mon Nov 05 18:51:59 CET 2012

Duration: 51:43 min

Pages: 24

6 Eine erste Anwendung: Sortieren

Gegeben: eine Folge von ganzen Zahlen.

Gesucht: die zugehörige aufsteigend sortierte Folge.

Idee:

- speichere die Folge in einem Feld ab;
- lege ein weiteres Feld an;
- füge der Reihe nach jedes Element des ersten Felds an der richtigen Stelle in das zweite Feld ein!

⇒ Sortieren durch Einfügen ...

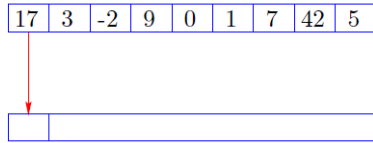
6 Eine erste Anwendung: Sortieren

Gegeben: eine Folge von ganzen Zahlen.

Gesucht: die zugehörige aufsteigend sortierte Folge.

```
public static int[] sort (int[] a) {
    int n = a.length;
    int[] b = new int[n];
    for (int i = 0; i < n; ++i)
        insert (b, a[i], i);
        // b    = Feld, in das eingefügt wird
        // a[i] = einzufügendes Element
        // i    = Anzahl von Elementen in b
    return b;
} // end of sort ()
```

Teilproblem: Wie fügt man ein ???

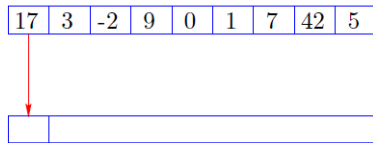


129

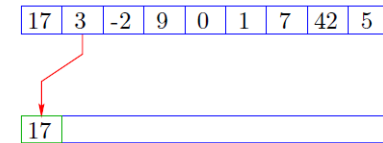
```
public static int[] sort (int[] a) {
    int n = a.length;
    int[] b = new int[n];
    for (int i = 0; i < n; ++i)
        insert (b, a[i], i);
        // b = Feld, in das eingefügt wird
        // a[i] = einzufügendes Element
        // i = Anzahl von Elementen in b
    return b;
} // end of sort ()
```

Teilproblem: Wie fügt man ein ???

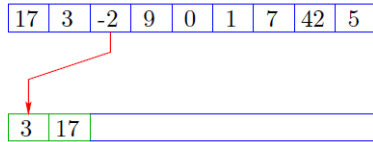
128



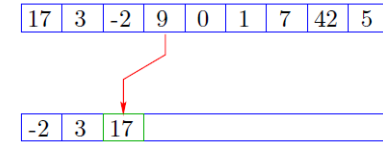
129



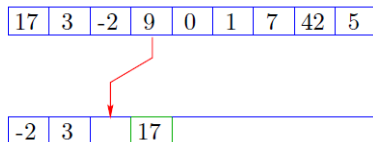
130



132



134



135

```
public static void insert (int[] b, int x, int i) {
    int j = locate (b,x,i);
    // findet die Einfügestelle j für x in b
    shift (b,j,i);
    // verschiebt in b die Elemente b[j],...,b[i-1]
    // nach rechts
    b[j] = x;
}
```

Neue Teilprobleme:

- Wie findet man die Einfügestelle?
- Wie verschiebt man nach rechts?

146



```
public static int locate (int[] b, int x, int i) {
    int j = 0;
    while (j < i && x > b[j]) ++j;
    return j;
}
```

```
public static void shift (int[] b, int j, int i) {
    for (int k = i-1; k >= j; --k)
        b[k+1] = b[k];
}
```

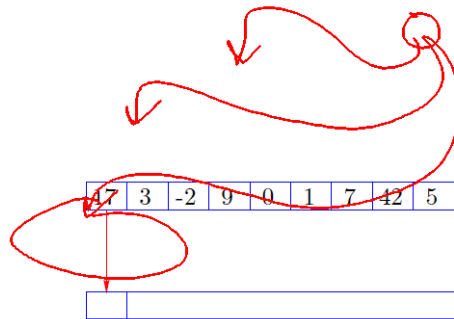
- Warum läuft die Iteration in `shift()` von `i-1` **abwärts** nach `j` ?
- Das zweite Argument des Operators `&&` wird nur ausgewertet, sofern das erste `true` ergibt (**Kurzschluss-Auswertung!**). Sonst würde hier auf eine **uninitialisierte** Variable zugegriffen !!!

- Das Feld `b` ist (ursprünglich) eine **lokale** Variable von `sort()`.
- Lokale Variablen sind nur im eigenen Funktionsrumpf sichtbar, nicht in den **aufgerufenen** Funktionen !
- Damit die aufgerufenen Hilfsfunktionen auf `b` zugreifen können, muss `b` explizit als **Parameter** übergeben werden !

Achtung:

Das Feld wird nicht kopiert. Das Argument ist der Wert der Variablen `b`, also nur eine **Referenz** !

- Deshalb benötigen weder `insert()`, noch `shift()` einen separaten Rückgabewert ...
- Weil das Problem so **klein** ist, würde eine **erfahrene** Programmiererin hier keine Unterprogramme benutzen ...



- Das Feld `b` ist (ursprünglich) eine **lokale** Variable von `sort()`.
- Lokale Variablen sind nur im eigenen Funktionsrumpf sichtbar, nicht in den aufgerufenen Funktionen !
- Damit die aufgerufenen Hilfsfunktionen auf `b` zugreifen können, muss `b` explizit als **Parameter** übergeben werden !

Achtung:

Das Feld wird nicht kopiert. Das Argument ist der Wert der Variablen `b`, also nur eine **Referenz** !

- Deshalb benötigen weder `insert()`, noch `shift()` einen separaten Rückgabewert ...
- Weil das Problem so **klein** ist, würde eine **erfahrene** Programmiererin hier keine Unterprogramme benutzen ...

```

public static int[] sort (int[] a) {
    int[] b = new int[a.length];
    for (int i = 0; i < a.length; ++i) {
        // begin of insert
        int j = 0;
        while (j < i && a[i] > b[j]) ++j;
        // end of locate
        for (int k = i-1; k >= j; --k)
            b[k+1] = b[k];
        // end of shift
        b[j] = a[i];
        // end of insert
    }
    return b;
} // end of sort

```

149

Diskussion:

- Die Anzahl der ausgeführten Operationen wächst quadratisch in der Größe des Felds **a** ??
- Glücklicherweise gibt es Sortier-Verfahren, die eine bessere Laufzeit haben (↑**Algorithmen und Datenstrukturen**).

150

$1 + 2 + 3 + \dots + n = \frac{n \cdot (n+1)}{2}$

```

public static int[] sort (int[] a) {
    int[] b = new int[a.length];
    for (int i = 0; i < a.length; ++i) {
        // begin of insert
        int j = 0;
        while (j < i && a[i] > b[j]) ++j;
        // end of locate
        for (int k = i-1; k >= j; --k)
            b[k+1] = b[k];
        // end of shift
        b[j] = a[i];
        // end of insert
    }
    return b;
} // end of sort

```

149

Diskussion:

- Die Anzahl der ausgeführten Operationen wächst quadratisch in der Größe des Felds **a** ??
- Glücklicherweise gibt es Sortier-Verfahren, die eine bessere Laufzeit haben (↑**Algorithmen und Datenstrukturen**).

150

7 Eine zweite Anwendung: Suchen

Nehmen wir an, wir wollen herausfinden, ob das Element 7 in unserem Feld `a` enthalten ist.

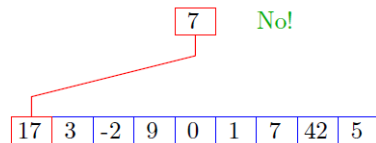
Naives Vorgehen:

- Wir vergleichen 7 der Reihe nach mit den Elementen `a[0]`, `a[1]`, usw.
- Finden wir ein `i` mit `a[i] == 7`, geben wir `i` aus.
- Andernfalls geben wir `-1` aus: "Sorry, gibt's leider nicht !"

151

```
public static int find (int[] a, int x) {  
    int i = 0;  
    while (i < a.length && a[i] != x)  
        ++i;  
    if (i == a.length)  
        return -1;  
    else  
        return i;  
}
```

152



153

- Im Beispiel benötigen wir 7 Vergleiche.
- Im schlimmsten Fall benötigen wir bei einem Feld der Länge n sogar n Vergleiche ??
- Kommt 7 tatsächlich im Feld vor, benötigen wir selbst im Durchschnitt $(n + 1)/2$ viele Vergleiche ??

Geht das nicht besser ???

160

Idee:

- Sortiere das Feld.
- Vergleiche 7 mit dem Wert, der in der Mitte steht.
- Liegt Gleichheit vor, sind wir fertig.
- Ist 7 kleiner, brauchen wir nur noch links weitersuchen.
- Ist 7 größer, brauchen wir nur noch rechts weiter suchen.

⇒ binäre Suche ...